

PART - V / भाग - V
MATHEMATICS / गणित

51. If three consecutive coefficients in the binomial expansion of $(x+1)^n$ in powers of x are in the ratio 2 : 15 : 70, then the average of these three coefficients is :

- (1) 964
- (2) 227
- ✓ (3) 232
- (4) 625

52. The coefficient of x^7 in the expansion $(1+x)^{10} + x(1+x)^9 + x^2(1+x)^8 + \dots + x^{10}$ is :

- (1) 420
- (2) 330
- (3) 210
- (4) 120

53. The coefficient of x^n in the expansion of $(1+x)(1-x)^n$ is :

- (1) $n-1$
- (2) $(-1)^n(1-n)$
- (3) $(-1)^{n-1}(n-1)^2$
- ✓ (4) $(-1)^{n-1}n$

51. x को घाती में $(x+1)^n$ के विस्तार प्रसार में तीन क्रमिक गुणांक 2 : 15 : 70 के अनुपात में हैं। इन तीन गुणांकों का औसत है :

- (1) 964
- (2) 227
- (3) 232
- (4) 625

52. $(1+x)^{10} + x(1+x)^9 + x^2(1+x)^8 + \dots + x^{10}$ के प्रसार में x^7 का गुणांक है :

- (1) 420
- (2) 330
- (3) 210
- (4) 120

53. $(1+x)(1-x)^n$ के प्रसार में x^n का गुणांक है :

- (1) $n-1$
- (2) $(-1)^n(1-n)$
- (3) $(-1)^{n-1}(n-1)^2$
- (4) $(-1)^{n-1}n$

54. Let p and q be the roots of the equation $x^2 - 2x + A = 0$ and let r and s be the roots of the equation $x^2 - 18x + B = 0$. If $p < q < r < s$ are in A.P., then the values of A and B are :

- ✓ (1) $A = -3, B = 77$
- (2) $A = 77, B = -3$
- (3) $A = -7, B = 33$
- (4) $A = 33, B = -7$

55. α and β be the roots of the equation $px^2 + qx + r = 0$ ($p \neq 0$). If p, q, r are in A.P. and $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = 4$, then the value of $|\alpha - \beta|$ is :

- (1) $\frac{\sqrt{61}}{9}$
- (2) $\frac{2\sqrt{17}}{9}$
- (3) $\frac{\sqrt{34}}{9}$
- (4) $\frac{2\sqrt{13}}{9}$

56. In a G.P. consisting of positive terms, each term equals the sum of the next two terms. Then, the common ratio of this progression equals :

- (1) $\sqrt{5}$
- ✓ (2) $\frac{1}{2}(\sqrt{5} - 1)$
- (3) $\frac{1}{2}(1 - \sqrt{5})$
- (4) $\frac{1}{2}\sqrt{5}$

54. मान लीजिए कि समीकरण $x^2 - 2x + A = 0$ के दो मूल p और q हैं और समीकरण $x^2 - 18x + B = 0$ के दो मूल r और s हैं। यदि $p < q < r < s$ समानता श्रेणी में हैं, तो A और B के मान हैं :

- (1) $A = -3, B = 77$
- (2) $A = 77, B = -3$
- (3) $A = -7, B = 33$
- (4) $A = 33, B = -7$

55. समीकरण $px^2 + qx + r = 0$ ($p \neq 0$) के दो मूल α और β हैं। यदि p, q, r समानता श्रेणी में हैं और $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = 4$ हो, तो $|\alpha - \beta|$ का मान है :

- (1) $\frac{\sqrt{61}}{9}$
- (2) $\frac{2\sqrt{17}}{9}$
- (3) $\frac{\sqrt{34}}{9}$
- (4) $\frac{2\sqrt{13}}{9}$

56. धनात्मक पदों का एक गुणोत्तर श्रेणी में प्रत्येक पद अगले दो पदों के योग के बराबर है। इस श्रेणी का सार्व अनुपात होगा :

- (1) $\sqrt{5}$
- (2) $\frac{1}{2}(\sqrt{5} - 1)$
- (3) $\frac{1}{2}(1 - \sqrt{5})$
- (4) $\frac{1}{2}\sqrt{5}$

Handwritten notes and calculations at the bottom of the page, including:
 $(p+q)^2 = 2^2$
 $p^2 + q^2 + 2pq = 4$
 $p^2 + q^2 = 4 - 2pq$
 $(p-q)^2 = (p+q)^2 - 4pq = 4 - 4pq = 4(1-pq)$
 $(p-q)^2 = 4(1-pq)$
 $p^2 + q^2 - 2pq = 4 - 2pq - 2pq = 4 - 4pq$

57. The greatest positive integer k , for which $49k+1$ is a factor of the sum $49^{125} + 49^{124} + \dots + 49^2 + 49 + 1$ is:

- (1) 32
(2) 60
(3) 63
(4) 65

58. There are 10 points in a plane, out of these 6 are collinear. If N is the number of triangles formed by joining these points, then:

- (1) $N > 190$
(2) $N \leq 100$
(3) $100 < N \leq 140$
(4) $140 < N < 190$

59. Let $A = \{1, \infty\}$, $B = \{3, \infty\}$ and $C = \{-\infty, 2\}$. Then $(A \cap B) \cup (A \cap C)$ equals:

- (1) ϕ
(2) $\{0, 1\} \cup \{2, 3\}$
(3) $\{0, 2\} \cup \{3, \infty\}$
(4) $\{1, 2\} \cup \{3, \infty\}$

60. A student is to answer 10 questions out of 13 questions in an examination such that he must choose at least 4 from the first five questions. The number of choices available to him, is:

- (1) 140
(2) 196
(3) 280
(4) 346

PGT-MAT-2023

57. सबसे बड़ा धनात्मक पूर्णांक k , जिसके लिए योग $49^{125} + 49^{124} + \dots + 49^2 + 49 + 1$ का एक गुणखंड $49k+1$ है, है:

- (1) 32
(2) 60
(3) 63
(4) 65

58. एक समतल पर 10 बिन्दु अंकित हैं, जिनमें 6 बिन्दु संरेख हैं। यदि इन बिन्दुओं में से जिनके वाले त्रिभुजों की संख्या N से प्रदर्शित हो, तो:

- (1) $N > 190$
(2) $N \leq 100$
(3) $100 < N \leq 140$
(4) $140 < N < 190$

59. मान $A = \{1, \infty\}$, $B = \{3, \infty\}$ तथा $C = \{-\infty, 2\}$ हैं; तब $(A \cap B) \cup (A \cap C)$ का स्वरूप है:

- (1) ϕ
(2) $\{0, 1\} \cup \{2, 3\}$
(3) $\{0, 2\} \cup \{3, \infty\}$
(4) $\{1, 2\} \cup \{3, \infty\}$

60. एक परीक्षा में एक विद्यार्थी को 13 प्रश्नों में से किन्हीं 10 प्रश्नों के उत्तर देने हैं पर, उसे पहले पाँच प्रश्नों में से कम से कम 4 प्रश्नों का जवाब कर उनके उत्तर देने हैं, उपलब्ध विकल्पों की संख्या है:

- (1) 140
(2) 196
(3) 280
(4) 346

24

61. Let A and B be two sets defined by:
 $A = \{(x, y) : y^2 = 3; x, y \in \mathbb{R}\}$ and
 $B = \{(x, y) : x^2 = 2; x, y \in \mathbb{R}\}$

Then, the number of elements in $(A \cap B)$ is:

- (1) 0
(2) 2
(3) 4
(4) more than 4

62. A function f from the set of natural numbers to integers defined by

$$f(x) = \begin{cases} \frac{n-1}{2}, & \text{when } n \text{ is odd} \\ -\frac{n}{2}, & \text{when } n \text{ is even} \end{cases}$$

- (1) One - one but not onto
(2) Onto but not one - one
(3) One - one and onto both
(4) Neither one - one nor onto

63. The value of 'a' for which one root of the quadratic equation $(a^2 - 5a + 3)x^2 + (3a - 1)x + 2 = 0$ is twice as large as the other, is:

- (1) $-\frac{1}{3}$
(2) $\frac{2}{3}$
(3) $-\frac{2}{3}$
(4) $\frac{1}{3}$

PGT-MAT-2023

61. दोन A और B से परिभाषित
 $A = \{(x, y) : y^2 = 3; x, y \in \mathbb{R}\}$ और
 $B = \{(x, y) : x^2 = 2; x, y \in \mathbb{R}\}$
दोनों परीभाषित हैं, समुच्चय $(A \cap B)$ में अवयवों की संख्या है:

- (1) 0
(2) 2
(3) 4
(4) 4 से अधिक

62. प्रकृत संख्याओं के समुच्चय से प्राकृतिकों के समुच्चय में,

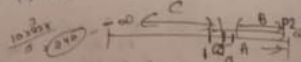
$$f(x) = \begin{cases} \frac{n-1}{2}, & \text{जब } n \text{ एक विषम संख्या है} \\ -\frac{n}{2}, & \text{जब } n \text{ एक सम संख्या है} \end{cases}$$

- द्वारा परिभाषित फलन f है:
- (1) एकैकी है पर आच्छादक नहीं है
(2) आच्छादक है पर एकैकी नहीं है
(3) एकैकी और आच्छादक दोनों है।
(4) न तो एकैकी और न ही आच्छादक है

63. 'a' का मान, जिसके लिए द्विघात समीकरण $(a^2 - 5a + 3)x^2 + (3a - 1)x + 2 = 0$ का एक मूल, दूसरे मूल का दो गुना है, है:

- (1) $-\frac{1}{3}$
(2) $\frac{2}{3}$
(3) $-\frac{2}{3}$
(4) $\frac{1}{3}$

25



PGT-MAT-2023

$3x^2 - 4x + 2 = 0$
 $3x^2 - 4x + 2 = 0$
 $3x^2 - 4x + 2 = 0$

64. Let $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$; $A = \{1, 2\}$, $B = \{3, 4, 5\}$ and ϕ denote the void set. If $S \times T$ denotes the Cartesian product of sets S and T , then $(X \times A) \cap (X \times B)$ equals :

- (1) X
 (2) A
 (3) B
 (4) ϕ

65. Let $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$. The only correct

statement about the matrix A is :

- (1) A is a zero matrix
 (2) $A = (-1)I$, where I is a unit matrix
 (3) A^{-1} does not exist
 (4) $A^2 = I$

66. If α and β are the roots of the equation

$x^2 + x + 1 = 0$ then $\begin{bmatrix} 1 & \beta \\ \alpha & \alpha \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha & \beta \\ 1 & \beta \end{bmatrix}$ equals :

- (1) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$
 (2) $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
 (3) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$
 (4) $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$

64. मान $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $A = \{1, 2\}$, $B = \{3, 4, 5\}$ तथा ϕ , रिक्त समुच्चय का प्रतीक है। यदि $S \times T$, समुच्चय S और T का कार्टीस गुणन दर्शाता है, तो $(X \times A) \cap (X \times B)$ बराबर है :

- (1) X
 (2) A
 (3) B
 (4) ϕ

65. मान $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ है, तो आव्यूह A के लिए

- केवल सही कथन है :
 (1) A एक शून्य आव्यूह है
 (2) $A = (-1)I$, जहाँ I एक इकाई आव्यूह है
 (3) A^{-1} का अस्तित्व नहीं है
 (4) $A^2 = I$

66. यदि α और β , समीकरण $x^2 + x + 1 = 0$ के मूल हैं, तो

- $\begin{bmatrix} 1 & \beta \\ \alpha & \alpha \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha & \beta \\ 1 & \beta \end{bmatrix}$ बराबर है :
 (1) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$
 (2) $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
 (3) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$
 (4) $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$

67. The system of equations :

$$\begin{aligned} ax + y + z &= a - 1 \\ x + ay + z &= a - 1 \\ \text{and } x + y + az &= a - 1 \end{aligned}$$

has no solution, if a is :

- (1) 1
 (2) Not -2
 (3) Either -2 or 1
 (4) -2

68. If the function f given by $f(x) = x^3 - 3(a-2)x^2 + 3ax + 7$, for some $a \in \mathbb{R}$ is increasing in $(0, 1]$ and decreasing in $[1, 5)$,

then a root of the equation, $\frac{f(x) - 14}{(x-1)^2} = 0$

- ($x \neq 1$) is :
 (1) -7
 (2) 6
 (3) 7
 (4) 5

69. Let $f_k(x) = \frac{1}{k} (\sin^k x + \cos^k x)$ for

$k = 1, 2, 3, \dots$. Then, for all $x \in \mathbb{R}$, the value of $f_k(x) - f_0(x)$ is :

- (1) $\frac{1}{12}$
 (2) $\frac{5}{12}$
 (3) $-\frac{1}{12}$
 (4) $\frac{1}{4}$

67. समीकरण निम्नलिखित हैं :

$$\begin{aligned} ax + y + z &= a - 1 \\ x + ay + z &= a - 1 \end{aligned}$$

और $x + y + az = a - 1$

का कोई हल नहीं होगा, यदि a है :

- (1) 1
 (2) -2 नहीं
 (3) -2 या 1
 (4) -2

68. फलन f , जो कि $f(x) = x^3 - 3(a-2)x^2 + 3ax + 7$, किसी $a \in \mathbb{R}$ के लिए परिभाषित है, यदि अंतराल $(0, 1]$ में वर्धमान और $[1, 5)$ में ह्रासमान हो, तो समीकरण

$\frac{f(x) - 14}{(x-1)^2} = 0$ ($x \neq 1$) का एक मूल है :

- (1) -7
 (2) 6
 (3) 7
 (4) 5

69. मान लीजिए कि $f_k(x) = \frac{1}{k} (\sin^k x + \cos^k x)$,

जहाँ, $k = 1, 2, 3, \dots$ । तब, सभी $x \in \mathbb{R}$ के लिए $f_k(x) - f_0(x)$ का मान होगा :

- (1) $\frac{1}{12}$
 (2) $\frac{5}{12}$
 (3) $-\frac{1}{12}$
 (4) $\frac{1}{4}$

70. The domain of $\sin^{-1}\left[\log_3\left(\frac{x}{3}\right)\right]$ is:

- (1) [1, 9]
 (2) [-1, 9]
 (3) [-9, 1]
 (4) [-9, -1]

71. If a vertex of a triangle is (1, 1) and the mid-points of two sides through this vertex are (-1, 2) and (3, 2), then the centroid of the triangle is:

- (1) $\left(-\frac{1}{3}, \frac{7}{3}\right)$
 (2) $\left(-1, \frac{7}{3}\right)$
 (3) $\left(\frac{1}{3}, \frac{7}{3}\right)$
 (4) $\left(1, \frac{7}{3}\right)$

72. The number of circles that can be drawn touching all the lines $x=y+2$, $y=x+3$ and $2x+3y=4$ is:

- (1) 1
 (2) 2
 (3) 3
 (4) 4

70. $\sin^{-1}\left[\log_3\left(\frac{x}{3}\right)\right]$ का प्रान्त है:

- (1) [1, 9]
 (2) [-1, 9]
 (3) [-9, 1]
 (4) [-9, -1]

71. यदि एक त्रिभुज का एक शीर्ष (1, 1) तथा इस शीर्ष से निकलने वाली दो भुजाओं के मध्य बिन्दु (-1, 2) और (3, 2) हैं, तो त्रिभुज का केन्द्रक होगा:

- (1) $\left(-\frac{1}{3}, \frac{7}{3}\right)$
 (2) $\left(-1, \frac{7}{3}\right)$
 (3) $\left(\frac{1}{3}, \frac{7}{3}\right)$
 (4) $\left(1, \frac{7}{3}\right)$

72. रेखाओं $x=y+2$, $y=x+3$ तथा $2x+3y=4$ को छूने वाले वृत्तों की संख्या होगी:

- (1) 1
 (2) 2
 (3) 3
 (4) 4

73. A triangle PQR is inscribed in the circle $x^2+y^2=25$. If Q and R have coordinates (3, 4) and (-4, 3) respectively, that $\angle QPR$ is equal to:

- (1) $\frac{\pi}{2}$
 (2) $\frac{\pi}{3}$
 (3) $\frac{\pi}{4}$
 (4) $\frac{\pi}{6}$

74. Two consecutive sides of a parallelogram are $2x+y=0$ and $x+2y=0$. If the equation of a diagonal is $x-y+3=0$, then the other diagonal passes through the point:

- (1) (2, -2)
 (2) (-2, -2)
 (3) (1, 4)
 (4) (2, 2)

75. The straight line whose sum of intercepts on the axes is equal to half of the product of the intercepts, passes through the point:

- (1) (1, 1)
 (2) (2, 3)
 (3) (3, 3)
 (4) (4, 4)

73. वृत्त $x^2+y^2=25$ के अन्तर्गत एक त्रिभुज PQR है। यदि Q और R के निर्देशांक क्रमशः (3, 4) और (-4, 3) हैं, तो $\angle QPR$ समान है:

- (1) $\frac{\pi}{2}$
 (2) $\frac{\pi}{3}$
 (3) $\frac{\pi}{4}$
 (4) $\frac{\pi}{6}$

74. एक समांतर चतुर्भुज की दो क्रमागत भुजाएँ $2x+y=0$ तथा $x+2y=0$ हैं। यदि एक विकर्ण का समीकरण $x-y+3=0$ है, तो दूसरा विकर्ण जिस बिन्दु से होकर गुजरता है, वह है:

- (1) (2, -2)
 (2) (-2, -2)
 (3) (1, 4)
 (4) (2, 2)

75. एक रेखा, जिसके अक्षों पर अंत-खंडों का योगफल, अंत-खंडों के गुणफल का आधा है, जिस बिन्दु से होकर गुजरती है, वह है:

- (1) (1, 1)
 (2) (2, 2)
 (3) (3, 3)
 (4) (4, 4)

76. If $\sin(\alpha - \beta) = \frac{1}{2}$ and $\cos(\alpha + \beta) = \frac{1}{2}$, then the value of $\cos 2\alpha$ is:

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (3) $-\frac{1}{2}$
- (4) $-\frac{1}{\sqrt{2}}$

77. If $x = 2 \sin \theta - \sin 2\theta$ and $y = 2 \cos \theta - \cos 2\theta$, then $\frac{dy}{dx}$ at $\theta = \pi/4$ is:

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (4) $\frac{1}{\sqrt{6}}$

Adda247

200 - 200
 $2 \sin \theta + 4 \sin 2\theta$
 $2 \cos \theta + 4 \cos 2\theta$

78. If $\sin \alpha = \frac{1}{2}$ and $\cos \beta = \frac{1}{2}$, then the value of $\sin(\alpha + \beta)$ is:

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (3) $-\frac{1}{2}$
- (4) $-\frac{1}{\sqrt{2}}$

79. If $x = 2 \sin \theta - \sin 2\theta$ and $y = 2 \cos \theta - \cos 2\theta$, then $\frac{dy}{dx}$ at $\theta = \pi/4$ is:

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (4) $\frac{1}{\sqrt{6}}$

24. Let x be the sum of the first 10 terms of the series $\tan^{-1} \left(\frac{1}{2} \right) + \tan^{-1} \left(\frac{1}{4} \right) + \tan^{-1} \left(\frac{1}{8} \right) + \dots$. Then $\tan x$ is equal to:

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{1}{4}$
- (3) $\frac{1}{8}$
- (4) $\frac{1}{16}$

80. If $\cos(\alpha + \beta) = \frac{4}{5}$ and $\sin(\alpha - \beta) = \frac{5}{13}$, then $\tan 2\alpha$ is equal to:

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{1}{3}$
- (3) $\frac{1}{4}$
- (4) $\frac{1}{5}$

Handwritten notes and calculations at the bottom of the page, including a large '247' watermark and various mathematical expressions.

76. If $\sin(\alpha - \beta) = \frac{1}{2}$ and $\cos(\alpha + \beta) = \frac{1}{2}$, then the value of $\cos 2\alpha$ is:

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (3) $-\frac{1}{2}$
- (4) $-\frac{1}{\sqrt{2}}$

79. If $x = 2 \sin \theta - \sin 2\theta$ and $y = 2 \cos \theta - \cos 2\theta$, then $\frac{dy}{dx}$ at $\theta = \pi/4$ is:

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (3) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (4) $\frac{1}{\sqrt{6}}$

22216529

Handwritten notes and calculations at the bottom of the page, including a large '247' watermark and various mathematical expressions.

80. If $x \log_e(\log_e x) - x^2 + y^2 = 4$ ($y > 0$), then $\frac{dy}{dx}$

at $x=e$ is equal to :

(1) $\frac{e}{\sqrt{4+e^2}}$

(2) $\frac{2e-1}{2\sqrt{4+e^2}}$

(3) $\frac{1+2e}{\sqrt{4+e^2}}$

(4) $\frac{1+2e}{2\sqrt{4+e^2}}$

81. If the area of an equilateral triangle inscribed in the circle $x^2 + y^2 + 10x + 12y + c = 0$ is $27\sqrt{3}$ sq. units, then c is equal to :

(1) 20

(2) -25

(3) 13

(4) 25

80. यदि $x \log_e(\log_e x) - x^2 + y^2 = 4$ ($y > 0$) है, तो $x=e$

पर $\frac{dy}{dx}$ का मान है :

(1) $\frac{e}{\sqrt{4+e^2}}$

(2) $\frac{2e-1}{2\sqrt{4+e^2}}$

(3) $\frac{1+2e}{\sqrt{4+e^2}}$

(4) $\frac{1+2e}{2\sqrt{4+e^2}}$

81. यदि वृत्त $x^2 + y^2 + 10x + 12y + c = 0$ के अन्तर्गत एक समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल $27\sqrt{3}$ वर्ग इकाई हो, तो c का मान है :

(1) 20

(2) -25

(3) 13

(4) 25



82. The angle of elevation of the top of a vertical tower standing on a horizontal plane is observed to be 45° from a point A on the plane. Let B be the point 30 m vertically above the point A. If the angle of elevation of the top of the tower from B be 30° , then the distance (in m) of the foot of the tower from the point A is :

(1) $15(3 + \sqrt{3})$

(2) $15(5 - \sqrt{3})$

(3) $15(3 - \sqrt{3})$

(4) $15(1 + \sqrt{3})$

83. In ΔABC , if $a = 2$, $B = \tan^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ and $C = \tan^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$, then (A, b) is equal to :

(1) $\left(\frac{3\pi}{4}, \frac{2}{\sqrt{5}}\right)$

(2) $\left(\frac{\pi}{4}, \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}\right)$

(3) $\left(\frac{3\pi}{4}, \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}\right)$

(4) $\left(\frac{\pi}{4}, \frac{2}{\sqrt{5}}\right)$

82. भूमि के एक बिन्दु A से शरीर पर खड़ी एक मीनार के शिखर का उन्नयन कोण 45° है। माना कि बिन्दु B, बिन्दु A के ठीक ऊपर 30 मी. की ऊँचाई पर है। यदि B से मीनार के शिखर का उन्नयन कोण 30° हो, तो मीनार के पाद से बिन्दु A की दूरी (मीटर में) है :

(1) $15(3 + \sqrt{3})$

(2) $15(5 - \sqrt{3})$

(3) $15(3 - \sqrt{3})$

(4) $15(1 + \sqrt{3})$

83. त्रिभुज ABC में, यदि $a = 2$, $B = \tan^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ तथा $C = \tan^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$ है, तो (A, b) का मान है :

(1) $\left(\frac{3\pi}{4}, \frac{2}{\sqrt{5}}\right)$

(2) $\left(\frac{\pi}{4}, \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}\right)$

(3) $\left(\frac{3\pi}{4}, \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}\right)$

(4) $\left(\frac{\pi}{4}, \frac{2}{\sqrt{5}}\right)$

Handwritten calculations for question 83:
 $h = \tan 30^\circ$
 $x = \frac{30}{\sqrt{3}} = 10\sqrt{3}$
 $(x-30)45 = x$
 $x - \frac{x}{\sqrt{3}} = \frac{30\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$
 $x(1 - \frac{1}{\sqrt{3}}) = 30$
 $x = \frac{30}{1 - \frac{1}{\sqrt{3}}} = 15(3 + \sqrt{3})$

84. A point on the parabola $y^2 = 18x$ at which the ordinate increases at twice the rate of the abscissa is :

- (1) (2, 4)
 (2) (2, -4)
 (3) $(-\frac{9}{8}, \frac{9}{2})$
 (4) $(\frac{9}{8}, \frac{9}{2})$

22216529

85. For $x > 1$, if $(2x)^{2y} = 4e^{2x-2y}$, then $(1 + \log_e 2x)^2 \frac{dy}{dx}$ is equal to :

- (1) $\frac{x \log_e 2x + \log_e 2}{x}$
 (2) $\frac{x \log_e 2x - \log_e 2}{x}$
 (3) $x \log_e 2x$
 (4) $\log_e 2x$

22216529

86. If $f(x) = \cos x \cos 2x \cos 4x \cos 8x \cos 16x$, then $f'(\frac{\pi}{4})$ is :

- (1) $\sqrt{2}$
 (2) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
 (3) 1
 (4) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

22216529

84. परवलय $y^2 = 18x$ का वह बिन्दु जिन पर वक्र में बहोती को दर भुज में बढ़ने की दर को दुगुनी है, है :

- (1) (2, 4)
 (2) (2, -4)
 (3) $(-\frac{9}{8}, \frac{9}{2})$
 (4) $(\frac{9}{8}, \frac{9}{2})$

85. $x > 1$ के लिए, यदि $(2x)^{2y} = 4e^{2x-2y}$ है, तो $(1 + \log_e 2x)^2 \frac{dy}{dx}$ बराबर है :

- (1) $\frac{x \log_e 2x + \log_e 2}{x}$
 (2) $\frac{x \log_e 2x - \log_e 2}{x}$
 (3) $x \log_e 2x$
 (4) $\log_e 2x$

86. यदि $f(x) = \cos x \cos 2x \cos 4x \cos 8x \cos 16x$ है, तो $f'(\frac{\pi}{4})$ है :

- (1) $\sqrt{2}$
 (2) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
 (3) 1
 (4) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

87. If $f(x) = (x-1) + (x-3)$, then $\frac{dy}{dx}$ at $x=2$ is :

- (1) 0
 (2) 1
 (3) 2
 (4) non-existent

88. If $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{1+kx} - \sqrt{1-kx}}{x}, & -1 \leq x < 0 \\ 2x^2 + 3x - 2, & 0 \leq x \leq 1 \end{cases}$ is continuous at $x=0$, then k equals :

- (1) -1
 (2) -2
 (3) -3
 (4) -4

89. If $\int \frac{dx}{1+2\sin x + \cos x} = k \log \left(1 + \frac{1}{k} \tan \frac{x}{2} \right)$, then the value of k is :

- (1) 2
 (2) $\frac{1}{2}$
 (3) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
 (4) $\sqrt{2}$

87. यदि $f(x) = (x-1) + (x-3)$ है, तो $x=2$ पर $\frac{dy}{dx}$ है :

- (1) 0
 (2) 1
 (3) 2
 (4) अस्तित्व नहीं है

88. यदि

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{1+kx} - \sqrt{1-kx}}{x}, & -1 \leq x < 0 \\ 2x^2 + 3x - 2, & 0 \leq x \leq 1 \end{cases}$$

$x=0$ पर सतत है, तो k बराबर है :

- (1) -1
 (2) -2
 (3) -3
 (4) -4

89. यदि

$$\int \frac{dx}{1+2\sin x + \cos x} = k \log \left(1 + \frac{1}{k} \tan \frac{x}{2} \right)$$

है, तो k के मान है :

- (1) 2
 (2) $\frac{1}{2}$
 (3) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
 (4) $\sqrt{2}$

90. $I = \int \frac{x^2}{x^2+1} dx$ equals:

(1) $\frac{x^4}{4} + \frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(2) $\frac{x^4}{4} - \frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(3) $\frac{x^4}{4} - \frac{x^2}{2} - \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(4) $\frac{x^4}{4} + \frac{x^2}{2} - \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

91. The area of the region bounded by the parabola $y=2x-x^2$ and the line $y=x$ (in sq. units) is:

(1) $\frac{1}{6}$

(2) $\frac{2}{3}$

(3) $\frac{1}{2}$

(4) $\frac{4}{3}$

90. $I = \int \frac{x^2}{x^2+1} dx$ होगा है:

(1) $\frac{x^4}{4} + \frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(2) $\frac{x^4}{4} - \frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(3) $\frac{x^4}{4} - \frac{x^2}{2} - \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(4) $\frac{x^4}{4} + \frac{x^2}{2} - \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

91. परवलय $y=2x-x^2$ और रेखा $y=x$ से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल (वर्ग इकाई) में है:

(1) $\frac{1}{6}$

(2) $\frac{2}{3}$

(3) $\frac{1}{2}$

(4) $\frac{4}{3}$

90. $I = \int \frac{x^2}{x^2+1} dx$ equals:

(1) $\frac{x^4}{4} + \frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(2) $\frac{x^4}{4} - \frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(3) $\frac{x^4}{4} - \frac{x^2}{2} - \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

(4) $\frac{x^4}{4} + \frac{x^2}{2} - \frac{1}{2} \log(x^2+1) + C$

94. The function $f(x) = \cot^{-1} x + x$ increases in the interval:

(1) $[1, \infty)$

(2) $(-1, \infty)$

(3) $(-\infty, \infty)$

(4) $(0, \infty)$

94. If a unit vector \hat{a} makes angles $\frac{\pi}{3}$ with \hat{i} , $\frac{\pi}{4}$ with \hat{j} and θ with \hat{k} , then value of θ is:

(1) $\frac{5\pi}{6}$

(2) $\frac{\pi}{4}$

(3) $\frac{5\pi}{12}$

(4) $\frac{2\pi}{3}$

92. $\int \frac{1}{1+e^{2x}} dx$ equals:

(1) $\frac{x}{2}$

(2) $\frac{x}{4}$

(3) x

(4) $\frac{3x}{2}$

93. मान $f(x) = \cot^{-1} x + x$, फिर अंतराल में अवरोध है, यह है:

(1) $[1, \infty)$

(2) $(-1, \infty)$

(3) $(-\infty, \infty)$

(4) $(0, \infty)$

94. यदि एक इकाई सदिश \hat{a} , \hat{i} के साथ $\frac{\pi}{3}$, \hat{j} के साथ $\frac{\pi}{4}$ और \hat{k} के साथ θ $(0, \pi)$ के कोण बनाता है, तो θ का मान होगा:

(1) $\frac{5\pi}{6}$

(2) $\frac{\pi}{4}$

(3) $\frac{5\pi}{12}$

(4) $\frac{2\pi}{3}$

95. The general solution of the differential equation :

$$x dy - y dx = (x^2 + y^2) dy \text{ is:}$$

(1) $y = x \tan(y+C)$

(2) $y = x \tan(x+C)$

(3) $x = y \tan(x+C)$

(4) $x = y \tan(y+C)$

96. Let $\vec{a} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$ and $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}$ be two vectors. If a vector perpendicular to both the vectors $\vec{a} + \vec{b}$ and $\vec{a} - \vec{b}$ has the magnitude 12, then one such vector is :

(1) $4(2\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k})$

(2) $4(2\hat{i} - 2\hat{j} - \hat{k})$

(3) $4(2\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k})$

(4) $4(-2\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k})$

95. अवकल समीकरण $x dy - y dx = (x^2 + y^2) dy$ के व्यापक हल है :

(1) $y = x \tan(y+C)$

(2) $y = x \tan(x+C)$

(3) $x = y \tan(x+C)$

(4) $x = y \tan(y+C)$

96. मान लीजिए कि $\vec{a} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$ तथा $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}$ दो सदिश हैं। यदि एक सदिश के दोनों सदिशों $\vec{a} + \vec{b}$ तथा $\vec{a} - \vec{b}$ के लम्बवर्तु है, या सदिश 12 हो, तो ऐसा सदिश होगा :

(1) $4(2\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k})$

(2) $4(2\hat{i} - 2\hat{j} - \hat{k})$

(3) $4(2\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k})$

(4) $4(-2\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k})$

97. If the vectors \vec{a} , \vec{b} and \vec{c} form the sides BC, CA and AB respectively of a ΔABC , then :

(1) $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{c} = \vec{c} \cdot \vec{a} = 0$

(2) $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{b} \times \vec{c} = \vec{c} \times \vec{a}$

(3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{c} = \vec{c} \cdot \vec{a} = 0$

(4) $\vec{a} \times \vec{a} + \vec{a} \times \vec{c} + \vec{a} \times \vec{b} = 0$

98. If a curve $y = f(x)$ passes through the point $(1, -1)$ and satisfies the differential equation $y(1+xy) dx = x dy$, then $f\left(\frac{-1}{2}\right)$ is equal to :

(1) $-\frac{1}{10}$

(2) $-\frac{4}{5}$

(3) $-\frac{1}{10}$

(4) $\frac{4}{5}$

97. यदि सदिश \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} एक त्रिभुज ABC की ओर क्रमशः BC, CA और AB वाले हैं, तो :

(1) $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{c} = \vec{c} \cdot \vec{a} = 0$

(2) $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{b} \times \vec{c} = \vec{c} \times \vec{a}$

(3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{c} = \vec{c} \cdot \vec{a} = 0$

(4) $\vec{a} \times \vec{a} + \vec{a} \times \vec{c} + \vec{a} \times \vec{b} = 0$

98. यदि बिन्दु $(1, -1)$ से होकर गुजरने वाली एक $y = f(x)$ अवकल समीकरण $y(1+xy) dx = x dy$ को संतुष्ट करे, तो $f\left(\frac{-1}{2}\right)$ का मान है :

(1) $-\frac{1}{10}$

(2) $-\frac{4}{5}$

(3) $-\frac{1}{10}$

(4) $\frac{4}{5}$

99. The shortest distance between the lines :

$$L_1: \frac{x+1}{3} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+1}{2}$$

and $L_2: \frac{x-2}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-3}{3}$ is :

- (1) 0
 (2) $\frac{17}{\sqrt{3}}$
 (3) $\frac{41}{4\sqrt{3}}$
 (4) $\frac{17}{5\sqrt{5}}$

100. Which of the following points lies on the line passing through the point $(2, -3, 5)$ and parallel to vector $\hat{i} + 3\hat{j} - 4\hat{k}$?

- (1) $(-2, 3, -5)$
 (2) $(2, 3, 5)$
 (3) $(0, 1, 2)$
 (4) $(3, 0, 1)$

101. The angle between the lines $2x=3y=-z$ and $6z=-y=-4x$ is :

- (1) 0°
 (2) 30°
 (3) 45°
 (4) 90°

99. सरल

$$L_1: \frac{x+1}{3} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+1}{2}$$

$$L_2: \frac{x-2}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-3}{3} \text{ के बीच का}$$

- (1) 0
 (2) $\frac{17}{\sqrt{3}}$
 (3) $\frac{41}{4\sqrt{3}}$
 (4) $\frac{17}{5\sqrt{5}}$

100. बिन्दु में से बीजगणित उस रेखा पर बिन्दु होगा जो बिन्दु $(2, -3, 5)$ से होकर गुजरती है तथा सदिश $\hat{i} + 3\hat{j} - 4\hat{k}$ के समान है ?

- (1) $(-2, 3, -5)$
 (2) $(2, 3, 5)$
 (3) $(0, 1, 2)$
 (4) $(3, 0, 1)$

101. रेखाओं $2x=3y=-z$ और $6z=-y=-4x$ के बीच का कोण है :

- (1) 0°
 (2) 30°
 (3) 45°
 (4) 90°

102. Five horses are in a race. Mr. A selects two of the horses at random and bets on them. The probability that Mr. A selected the winning horse, is

- (1) $\frac{4}{5}$
 (2) $\frac{3}{5}$
 (3) $\frac{1}{5}$
 (4) $\frac{2}{5}$

103. A random variable X has the probability distribution

X	1	2	3	4	5	6	7	8
P(X)	0.15	0.23	0.12	0.10	0.20	0.08	0.07	0.05

For the events, $E = \{X \text{ is a prime number}\}$ and $F = \{X < 4\}$. The probability of $(E \cap F)$ is :

- (1) 0.87
 (2) 0.77
 (3) 0.35
 (4) 0.50

102. एक दौड़ में पाँच घोड़ों ने भाग लिया है। Mr. A दो घोड़ों को चुन कर उन पर बेट लगाता है। A द्वारा चुने गए घोड़ों में से एक घोड़े को जीतने की संभावना है :

- (1) $\frac{4}{5}$
 (2) $\frac{3}{5}$
 (3) $\frac{1}{5}$
 (4) $\frac{2}{5}$

103. एक यादृच्छिक चर X का प्रायिकता वितरण निम्न है :

X	1	2	3	4	5	6	7	8
P(X)	0.15	0.23	0.12	0.10	0.20	0.08	0.07	0.05

घटनाएँ परिभाषित हैं, $E = \{X \text{ एक अभाज संख्या है}\}$ और $F = \{X < 4\}$. $(E \cap F)$ की प्रायिकता होगी :

- (1) 0.87
 (2) 0.77
 (3) 0.35
 (4) 0.50

104. If the probability of hitting a target by a shooter in any shot is $\frac{1}{3}$, then the minimum number of independent shots at the target required by him so that the probability of hitting the target atleast once is greater than $\frac{5}{6}$ is :

- (1) 6
- (2) 5
- (3) 4
- (4) 3

105. Two integers are selected at random from the set $\{1, 2, 3, 4, \dots, 11\}$. Given that the sum of selected numbers is even, the conditional probability that both the numbers are even, is :

- (1) $\frac{2}{5}$
- (2) $\frac{1}{2}$
- (3) $\frac{7}{10}$

104. यदि एक निशानेबाज के लक्ष्य-पेटन की प्रायिकता $\frac{1}{3}$ है, तो वह कम से कम कितनी बार गोली चलाए कि लक्ष्य को कम से कम एक बार भेदने की प्रायिकता $\frac{5}{6}$ से अधिक हो ?

- (1) 6
- (2) 5
- (3) 4
- (4) 3

105. समुच्चय $\{1, 2, 3, 4, \dots, 11\}$ में से दो पूर्णांक यादृच्छया चुने गए। दिया गया है कि चुने हुए पूर्णांकों का योग एक सम संख्या है, तो दोनों पूर्णांकों के सम संख्या होने की सप्रतिबंध प्रायिकता होगी :

- (1) $\frac{2}{5}$
- (2) $\frac{1}{2}$
- (3) $\frac{7}{10}$

106. If the sum of the deviations of 50 observations from 30 is 50, then the mean of these observations is :

- (1) 50
- (2) 30
- (3) 51
- (4) 31

107. All the students of a class performed poorly in Mathematics. The teacher decided to give 10 grace marks to each of the students. Which of the following statistical measure will not change even after the grace marks were given ?

- (1) Mean
- (2) Median
- (3) Mode
- (4) Variance

108. If the standard deviation of the numbers 2, 3, a and 11 is 3.5, then which of the following is true ?

- (1) $3a^2 - 26a + 55 = 0$
- (2) $3a^2 - 32a + 84 = 0$
- (3) $3a^2 - 34a + 91 = 0$

106. 30 से धीरे 50 अधिकियों का विचलन का योग 50 है, तो इन अधिकियों का माध्य होगा :

- (1) 50
- (2) 30
- (3) 51
- (4) 31

107. एक कक्षा के सभी विद्यार्थियों ने गणित की परीक्षा में बहुत कमजोर प्रदर्शन दिखाया। अध्यापक ने प्रत्येक विद्यार्थी को 10 रिवायती अंक प्रदान करने का फैसला किया। निम्न में से कौनसा सांख्यिकी माप, रिवायती अंक देने के पश्चात् भी, नहीं बदलेगा ?

- (1) माध्य
- (2) माध्यिका
- (3) बहुलक
- (4) प्रसरण

108. यदि संख्याओं 2, 3, a और 11 का मानक विचलन 3.5 हो, तो निम्न में क्या सत्य है ?

- (1) $3a^2 - 26a + 55 = 0$
- (2) $3a^2 - 32a + 84 = 0$
- (3) $3a^2 - 34a + 91 = 0$

109. If the mean deviations about the median of the numbers $a, 2a, 3a, \dots, 50a$ is 50, then $|a|$ equals:

- (1) 3
(2) 4
(3) 5
(4) 2

110. The area of the region enclosed between the curves $y=x^3$ and $y=\sqrt{x}$ (in square units) is:

- (1) $\frac{5}{12}$
(2) $\frac{12}{5}$
(3) $\frac{5}{3}$
(4) $\frac{5}{4}$

111. $(3, 0)$ is a vertex of the hyperbola

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \text{ and } a : b = 3 : 4. \text{ Then its foci are:}$$

- (1) $(\pm 5, 0)$
(2) $(0, \pm 5)$
(3) $(\pm \sqrt{5}, 0)$
(4) $(\pm 10, 0)$

109. यदि संख्याओं $a, 2a, 3a, \dots, 50a$ का माध्यक के संबंध में माध्य विचलन 50 हो, तो $|a|$ बराबर है:

- (1) 3
(2) 4
(3) 5
(4) 2

110. वक्रों $y=x^3$ तथा $y=\sqrt{x}$ के बीच घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल (वर्ग इकाई में) है:

- (1) $\frac{5}{12}$
(2) $\frac{12}{5}$
(3) $\frac{5}{3}$
(4) $\frac{5}{4}$

111. अतिपरवलय $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ का एक शीर्ष $(3, 0)$ है

और $a : b = 3 : 4$ है। इसकी नाभियाँ होंगी:

- (1) $(\pm 5, 0)$
(2) $(0, \pm 5)$
(3) $(\pm \sqrt{5}, 0)$
(4) $(\pm 10, 0)$

112. If $\sin\theta + i \cos 2\theta$ and $\cos\theta - i \sin 2\theta$ are conjugate to each other, then θ is equal to:

- (1) $\theta = \frac{\pi}{2}$
(2) $\theta = \pi$
(3) $\theta = \left(n + \frac{1}{2}\right) \frac{\pi}{2}$
(4) $\theta = 0$

113. In an A.P. S_n denotes the sum of first n terms. If $S_{2n} = 3S_n$, then $S_{3n} : S_n$ is equal to:

- (1) 4 : 1
(2) 5 : 1
(3) 6 : 1
(4) 8 : 1

$$S_{2n} = 3S_n$$

$$S_{2n} = \frac{n}{2} [2a + (2n-1)d]$$

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$\frac{2a + (2n-1)d}{2} = 3 \frac{2a + (n-1)d}{2}$$

$$2a + (2n-1)d = 3[2a + (n-1)d]$$

$$2a + (2n-1)d = 6a + 3(n-1)d$$

$$2a + (2n-1)d = 6a + 3nd - 3d$$

$$2a + (2n-1)d = 6a + 3nd - 3d$$

$$2a + (2n-1)d = 6a + 3nd - 3d$$

114. The sum of first three terms of a GP is $\frac{21}{4}$ and their product is $\frac{27}{8}$. The common ratio of the G.P. is:

- (1) 3 or $\frac{1}{3}$
(2) 2 or $\frac{1}{2}$
(3) -3 or $-\frac{1}{3}$
(4) -2 or $-\frac{1}{2}$

112. यदि $\sin\theta + i \cos 2\theta$ तथा $\cos\theta - i \sin 2\theta$ परस्पर संयुग्म हैं, तो θ का मान है:

- (1) $\theta = \frac{\pi}{2}$
(2) $\theta = \pi$
(3) $\theta = \left(n + \frac{1}{2}\right) \frac{\pi}{2}$
(4) $\theta = 0$

113. एक समांतर श्रेणी (A.P.) में S_n इसके प्रथम n पदों के योग को दर्शाता है। यदि $S_{2n} = 3S_n$ है तो $S_{3n} : S_n$ बराबर है:

- (1) 4 : 1
(2) 5 : 1
(3) 6 : 1
(4) 8 : 1

114. एक गुणोत्तर श्रेणी (GP) के प्रथम तीन पदों का योग $\frac{21}{4}$ है तथा उनका गुणनफल $\frac{27}{8}$ है। इस श्रेणी का सर्वसमूहक है:

- (1) 3 या $\frac{1}{3}$
(2) 2 या $\frac{1}{2}$
(3) -3 या $-\frac{1}{3}$
(4) -2 या $-\frac{1}{2}$

115. The two successive terms in the expansion of $(1+x)^{20}$ whose coefficients are in the ratio 1 : 4 are:

- (1) 2^{19} and 3^{19}
- (2) 3^{19} and 4^{19}
- (3) 4^{19} and 5^{19}
- (4) 5^{19} and 6^{19}

116. The matrix $\begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}$ is a:

- (1) Identity matrix
- (2) Scalar matrix
- (3) Skew-symmetric matrix
- (4) Symmetric matrix

117. A line intersects the coordinate axes such that the middle point of the portion of the line intercepted between the axes is $(\frac{1}{2}, \frac{1}{3})$. The equation of line is:

- (1) $2x + 3y = 12$
- (2) $3x + 2y = 12$
- (3) $4x - 3y = 6$
- (4) $3x - 2y = 10$

PGT-MAT-2023

118. $(1+x)^{20}$ is such that, if it is written as $\sum_{r=0}^{20} a_r x^r$, then $\frac{a_1}{a_2}$ is equal to:

- (1) $\frac{20}{19}$
- (2) $\frac{19}{20}$
- (3) $\frac{20}{21}$
- (4) $\frac{21}{20}$

119. The matrix $\begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}$ is a:

- (1) scalar matrix
- (2) skew matrix
- (3) skew-symmetric matrix
- (4) symmetric matrix

120. The two lines $2x + 3y = 12$ and $3x + 2y = 12$ intersect at the point $(\frac{1}{2}, \frac{1}{3})$. The equation of the line passing through this point and parallel to the line $x + y = 1$ is:

- (1) $2x + 3y = 12$
- (2) $3x + 2y = 12$
- (3) $4x - 3y = 6$
- (4) $3x - 2y = 10$

PGT-MAT-2023

121. If $y = \log\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right)$, then $\frac{dy}{dx}$ is equal to:

- (1) $\frac{4x^2}{1-x^4}$
- (2) $\frac{4x}{1-x^4}$
- (3) $\frac{1}{4-x^4}$
- (4) $\frac{-4x^2}{1-x^4}$

122. The distance between the foci of a hyperbola is 16 and its eccentricity is $\sqrt{2}$. The equation of the hyperbola is:

- (1) $x^2 - y^2 = 32$
- (2) $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$
- (3) $2x^2 - 3y^2 = 7$
- (4) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 3$

PGT-MAT-2023

123. The distance between the foci of a hyperbola is 16 and its eccentricity is $\sqrt{2}$. The equation of the hyperbola is:

- (1) $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$
- (2) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 3$
- (3) $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$
- (4) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 3$

124. The distance between the foci of a hyperbola is 16 and its eccentricity is $\sqrt{2}$. The equation of the hyperbola is:

- (1) $x^2 - y^2 = 32$

$$\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$$

$$2x^2 - 3y^2 = 7$$

$$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 3$$

$$\frac{2x^2 - 3y^2 = 7}{(1-x^2)(1+x^2)}$$

120. If the parabola $y^2 = 4ax$ passes through the point $(3, 2)$, then the length of its latus rectum is :

- (A) $4/3$
 (B) $3/4$
 (C) $2/3$
 (D) 4

121. As per NEP 2020 recommendations, each teacher will be expected to participate in Continuous Professional Development activities of :

- (1) At most 50 hours per every year.
 (2) At least 50 hours per every year.
 (3) At most 50 hours per every 3 year.
 (4) At least 50 hours per every 3 year.

120. यदि पारबोल $y^2 = 4ax$ बिन्दु $(3, 2)$ से गुजरता है, तो इसके लट्टु रेक्टम की लंबाई है :

- (A) $4/3$
 (B) $3/4$
 (C) $2/3$
 (D) 4

121. NEP-2020 की सिफारिशों के अनुसार प्रत्येक शिक्षक को निरंतर पेशेवर विकास गतिविधियों में भाग लेना होगा।

- (1) प्रति वर्ष में अधिकतम 50 घंटे।
 (2) प्रति वर्ष में कम से कम 50 घंटे।
 (3) प्रति 3 वर्ष में अधिकतम 50 घंटे।
 (4) प्रति 3 वर्ष में कम से कम 50 घंटे।

122. NEP-2020 has recommended to set up a National Assessment Centre as a statutory body. Which among the following is the name of the National Assessment Centre?

- (A) NCERT
 (B) CBSE
 (C) PARAKH
 (D) NTA

123. Match the table - 1 with table - 2.

Table - 1	Table - 2
(A) Foundational stage	(p) Class 8 to 8
(B) Preparatory stage	(q) Class 3 to 3
(C) Middle stage	(r) Up to class 2
(D) Secondary stage	(s) Class 9 to 12

Choose the correct answer.

- (A) (B) (C) (D)
 (i) (r) (q) (p) (s)
 (ii) (q) (p) (s) (r)
 (iii) (p) (r) (q) (s)
 (iv) (r) (p) (q) (s)

122. NEP-2020 ने एक राष्ट्रीय आकलन केंद्र को स्थापित करने की सिफारिश की है। निम्न में से राष्ट्रीय आकलन केंद्र का नाम क्या है?

- (A) NCERT
 (B) CBSE
 (C) PARAKH
 (D) NTA

123. सारणी - 1 को सारणी - 2 से मिलाइए।

सारणी - 1	सारणी - 2
(A) मौलिक स्तर	(p) कक्षा 8 से 8
(B) तैयारी स्तर	(q) कक्षा 3 से 3
(C) मध्य स्तर	(r) कक्षा 2 तक
(D) द्वितीयक स्तर	(s) कक्षा 9 से 12 तक

सही उत्तर चुनिए।

- (A) (B) (C) (D)
 (i) (r) (q) (p) (s)
 (ii) (q) (p) (s) (r)
 (iii) (p) (r) (q) (s)
 (iv) (r) (p) (q) (s)

124. Which among the following is the MOST APPROPRIATE Pedagogic strategy for introducing the concept of set ?

- (1) Define the set and then illustrate with examples.
- (2) Explain the meaning of set and ask students to provide appropriate examples.
- (3) With the help of examples collection of objects prepared on charts and with concrete materials, teacher explains the meaning of set.
- (4) Teacher provides examples of collection of objects prepared on charts along with some concrete materials and ask the students to identify a definite object belongs to the collection or not.

125. NEP 2020 has recommended to include a fun project/activity on 'The Languages of India' in the school curriculum. This project will be included at :

- (1) Foundational stage
- (2) Preparatory stage
- (3) Middle stage
- (4) Secondary stage

124. समुच्चय की परिभाषा का परिचय देने के लिए निम्न में से सही और उचित प्रत्युत्तर चुनें ?

- (1) समुच्चय की परिभाषा दी जाए और उसे उदाहरणों द्वारा समझाया जाए।
- (2) समुच्चय का अर्थ स्पष्ट किया जाए और विद्यार्थियों को उदाहरण उदाहरण देने के लिए कहा जाए।
- (3) उदाहरणों की सहायता से बच्चे को यह पता चले कि समुच्चयों का संग्रह तैयार करने के लिए समुच्चय का अर्थ समझना है।
- (4) उदाहरण उदाहरण देने के पहर पर समुच्चयों के संग्रह और कुछ पूर्व तैयारी को उल्लेख करके विद्यार्थियों को संग्रह में निर्दिष्ट वस्तु है या नहीं पहचानने के लिए कहा है।

125. NEP-2020 ने स्कूल के पाठ्यक्रम में, 'भारत की भाषाओं' पर आनंद-प्रमोद प्रोजेक्ट को शामिल करने का सुझाव दिया। यह प्रोजेक्ट किस स्टेज पर शामिल किया जाएगा ?

- (1) प्राथमिक स्टेज
- (2) द्वितीय स्टेज
- (3) मध्य स्टेज
- (4) तृतीय स्टेज

124. NEP 2020 has recommended that Mathematics and Computational thinking be given increased emphasis in school curriculum from:

- (1) Secondary stage
- (2) Middle stage
- (3) Preparatory stage
- (4) Foundational stage

125. Which among the following is MOST APPROPRIATE with problem solving task in Mathematics ?

- (1) Task should be used to assess child's ability to solve word problems only.
- (2) Task should be used to assess child's ability to use his/her knowledge and skills in various unfamiliar situation.
- (3) Task should be used to assess child's ability to use his/her knowledge in familiar situation.
- (4) Task should be used to assess child's ability towards the solution of a problem without provision.

126. NEP-2020 ने विद्यालय के पाठ्यक्रम में गणित और गणनात्मक विचारों को बढ़ावा देने के लिए निम्न में से सही और उचित प्रत्युत्तर चुनें ?

- (1) द्वितीय स्टेज
- (2) मध्य स्टेज
- (3) तृतीय स्टेज
- (4) प्राथमिक स्टेज

127. पाठ्य में समस्या समाधान कार्य के लिए निम्न में से सही या सर्वोत्तम प्रत्युत्तर है ?

- (1) केवल शब्दिक समस्याओं के समाधान के लिए बच्चे को कुशलता के पार्य का प्रदर्शन करना चाहिए।
- (2) विविध परिचित स्थितियों में बच्चों के लिए बच्चे के ज्ञान और कौशल को कुशलता का प्रदर्शन करना चाहिए।
- (3) परिचित स्थितियों में बच्चों के लिए बच्चे के ज्ञान और कौशल को कुशलता का प्रदर्शन करना चाहिए।
- (4) बच्चे द्वारा पहले समाधान की हुई समस्या को ज्ञान करने व उसका उपरोक्त करने की कुशलता का प्रदर्शन करना।

A school provides opportunity to their class XI students to study up to three different languages, viz. L_1 , L_2 and L_3 . Out of 100 students of class XI, the number of students studying L_1 , L_2 and L_3 were found to be as follows: $L_1 = 34$, $L_2 = 26$, $L_3 = 30$, L_1 and $L_2 = 18$, L_2 and $L_3 = 8$, L_1 and $L_3 = 10$, L_1 , L_2 and $L_3 = 6$.

Based on the above information, answer the following questions (Q. No. 128 to 130)

128. Number of students who study L_2 and L_3 but not L_1 is :

- (1) 2
(2) 8
(3) 22
(4) 24

129. The number of students who study only L_1 is :

- (1) 34
(2) 28
(3) 16
(4) 12

130. Number of students who study atleast one of the three languages is :

- (1) 100
(2) 90
(3) 60
(4) 10

एक विद्यालय अपनी XI कक्षा के विद्यार्थियों को अपने देश के विभिन्न भागों में तीन भाषाओं का अध्ययन करने की सुविधा देता है। 100 विद्यार्थियों में से L_1 , L_2 और L_3 भाषाओं का अध्ययन करने वाले विद्यार्थियों की संख्या निम्न प्रकार है: $L_1 = 34$, $L_2 = 26$, $L_3 = 30$, L_1 और $L_2 = 18$, L_2 और $L_3 = 8$, L_1 और $L_3 = 10$, L_1 , L_2 और $L_3 = 6$ ।

उपरोक्त जानकारी के आधार पर निम्न प्रश्नों (प्रश्न सं. 128 से 130) का उत्तर दें।

128. उन विद्यार्थियों की संख्या को L_2 और L_3 पढ़ते हैं परन्तु L_1 नहीं पढ़ते हैं :

- (1) 2
(2) 8
(3) 22
(4) 24

129. उन विद्यार्थियों की संख्या को केवल L_1 पढ़ते हैं :

- (1) 34
(2) 28
(3) 16
(4) 12

130. उन विद्यार्थियों की संख्या को तीन भाषाओं में से कम से कम एक भाषा का अध्ययन करने के लिए :

- (1) 100
(2) 90
(3) 60
(4) 10

$$34 + 26 + 30 - 18 - 8 - 10 + 6 = 60$$

PART - VI
GENERAL ENGLISH

131. Choose the option in which the following sentence has been changed into passive voice.

- (1) I am vexed by his attitude.
(2) I am vexed by his attitude sometimes.
(3) I am vexed at his attitude.
(4) I am sometimes vexed at his attitude.

132. Fill in the blank in the following sentence with the help of given options.

- The train was about to leave the station when we were there.
(1) had reached
(2) would reach
(3) reached
(4) have reached

Directions for question number 133 to 135 :

Fill in the blank in each of the following sentences with the help of given options.

133. Mrs. Karnwal is _____ principal of this school.

- (1) a
(2) an
(3) the
(4) no article

134. Underline the need of common man _____
just bread and butter.

- (1) is
(2) are
(3) was
(4) were

135. _____ as well as his friend Ramesh
went to the party.

- (1) he
(2) they
(3) were
(4) have been

136. Choose the option to attach the following words/plrases in correct manner to form a correct sentence.

- (A) people gave
(B) President
(C) him support
(D) him
(E) having elected
(1) (A), (C), (B), (E), (D)
(2) (B), (D), (C), (E), (A) <
(3) (C), (B), (A), (D), (E) <
(4) (D), (E), (B), (A), (C)

Directions for question number 137 and 138 :
Fill in the blank in the following sentences with the help of options that follow each of them.

137. Can you tell me how the accident _____ ?

- (1) came down
(2) came about
(3) came up
(4) came by

138. The witness will _____ what I have said.

- (1) bear on
(2) bear up
(3) bear out
(4) bear with

139. He delivered the speech with great aplomb.
Which of the following words can correctly replace the underlined word in the above sentence ?

- (1) diffidence
(2) confidence
(3) apprehension
(4) disquiet

140. The troops were ordered to mobilise.

Choose the word which is nearly opposite in meaning to the underlined word.

- (1) retreat
(2) dismiss
(3) converse
(4) line up